



**Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Саратовский государственный аграрный университет
имени Н. И. Вавилова»**

УТВЕРЖДАЮ

Заведующий кафедрой

Г.Н./Камышова Г.Н.
«27» 03 2019 г.

ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ

Дисциплина

**МАТЕМАТИЧЕСКОЕ
МОДЕЛИРОВАНИЕ И АНАЛИЗ
ДАННЫХ**

Направление подготовки

35.04.01 Лесное дело

Направленность (профиль)

**Охотоведение, лесное и
лесопарковое хозяйство**

Квалификация
выпускника

Магистр

Нормативный срок
обучения

2 года

Форма обучения

Заочная

Кафедра-разработчик

**Математика, механика и
инженерная графика**

Ведущий преподаватель

Камышова Г.Н., доцент

Разработчик(и): доцент, Камышова Г. Н.

Г.Н.

(подпись)

Саратов 2019

Содержание

1	Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процесс освоения ОПОП	3
2	Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания ...	4
3	Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы.....	6
4	Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы и формирования	13

1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения ОПОП

В результате изучения дисциплины «Математическое моделирование и анализ данных» обучающиеся, в соответствии с ФГОС ВО по направлению подготовки 35.04.01 Лесное дело, утвержденного приказом Министерства образования и науки РФ от 17.07.2017 г. № 667, формируют следующие компетенции, указанные в таблице 1.

Таблица 1

**Формирование компетенций в процессе изучения дисциплины
«Математическое моделирование и анализ данных»**

Компетенция		Индикаторы достижения компетенций	Этапы формирования компетенции в процессе освоения ОПОП (курс)	Виды занятий для формирования компетенции	Оценочные средства для оценки уровня сформированности компетенции		
Код	Наименование	1	2	3	4	5	6
ПК-17	способен разрабатывать программы и методики проведения исследований, выбирать методы экспериментальной работы, разрабатывать теоретические модели, позволяющие прогнозировать процессы и явления в лесном, лесопарковом и охотниччьем хозяйстве	ПК-17.1 Разрабатывает математические модели и модели анализа данных при проведении исследований, выборе методов экспериментальной работы и разработке теоретических моделей, позволяющих прогнозировать процессы и явления в лесном, лесопарковом и охотничьем хозяйстве.	1	лекции, практические занятия	контрольная работа самостоятельная работа		

Примечание:

Компетенция ПК-17 – также формируется в ходе освоения дисциплин: Методология научных исследований в сфере лесного и охотничьего хозяйства, Производственная практика: научно-исследовательская работа, Преддипломная практика, Защита выпускной квалификационной работы, включая подготовку к защите и процедуру защиты.

2. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания

Перечень оценочных материалов

Таблица 2

№ п/п	Наименование оце- ночного материала	Краткая характеристика оце- ночного материала	Представление оценочного средства в ОМ
1	контрольная работа	средство проверки умений применять полученные знания для решения задач определенного типа по разделу или нескольким разделам	комплект контрольных заданий по вариантам
2	устный опрос	метод контроля знаний обучающихся, при устном опросе устанавливается непосредственный контакт между преподавателем и обучающимся, в процессе которого преподаватель получает широкие возможности для изучения индивидуальных особенностей усвоения обучающимися учебного материала.	перечень вопросов для рубежного контроля и промежуточной аттестации

Программа оценивания контролируемой дисциплины

Таблица 3

№ п/п	Контролируемые раз- делы (темы дисциплины)	Код контролируемой компетенции (или ее части)	Наименование оценочного средства
1	2	3	4
1.	Математическое мо- делирование	ПК-17	Устный опрос Контрольная работа
2.	Анализ данных	ПК-17	Устный опрос Контрольная работа

**Описание показателей и критериев оценивания компетенций по дисциплине
«Математическое моделирование и анализ данных» на различных этапах их
формирования, описание шкал оценивания**

Таблица 4

Код компе- тенции, эта- пы освоения компетен- ции	Индикаторы достижения компетенций	Показатели и критерии оценивания результатов обучения			
		ниже поро- гового уровня (неудовлетво- рительно)	пороговый уровень (удовлетво- рительно)	продвину- тый уровень (хорошо)	высокий уро- вень (отлично)
1	2	3	4	5	6
ПК-17, 1 курс	ПК-17.1 Раз- рабатывает математиче- ские модели и модели ана- лиза данных при проведе- нии исследо- ваний, выбо- ре методов эксперимен- тальной рабо- ты и разра- ботке теоре- тических мо- делей, позво- ляющих про- гнозировать процессы и явления в лесном, ле- сопарковом и охотничьем хозяйстве.	обучающийся не знает значи- тельной части программного материала ма- тематические модели и моде- ли анализа данных при проведении ис- следований, выборе мето- дов экспери- ментальной ра- боты и разра- ботке теорети- ческих моде- лей, позволя- ющих прогно- зировать про- цессы и явле- ния в лесном, лесопарковом и охотничьем хозяйстве, не знает практику применения материала, до- пускает суще- ственные ошибки.	обучающий- ся демон- стрирует знания толь- ко основно- го материа- ла, но не знает дета- лей, допус- кает неточ- ности, до- пускает не- точности в формули- ровках, нарушает логическую последова- тельность в изложении программ- ного мате- риала.	обучающий- ся демон- стрирует знание мате- риала, не допускает существо- ных неточ- ностей.	обучающийся демонстрирует методы по- строения и ис- следования ма- тематических моделей и ана- лиза данных при проведе- нии исследова- ний, выборе методов экспе- риментальной работы и раз- работке теоре- тических мо- делей, позво- ляющих про- гнозировать процессы и яв- ления в лес- ном, лесопар- ковом и охот- ничьем хозяй- стве, практики применения материала, ис- черпывающе и последова- тельно, четко и логично изла- гает материал, хорошо ориен- тируется в ма- териале, не за- трудняется с ответом при виdeoизменении заданий.

3. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы

3.1. Входной контроль

Цель проведения входного контроля: определение уровня, знаний, умений и навыков обучающихся, степени усвоения ими основных разделов курса математики, теоретических основ прикладной математики уровня бакалавриата.

Примерный перечень вопросов:

1. Предел функции одной переменной.
2. Основные теоремы о пределах.
3. Понятие производной функции.
4. Правила вычисления производной: производная суммы, произведения, частного. Сложная функция и ее дифференцирование. Обратная функция и ее дифференцирование. Замечание о связи непрерывности функции и ее дифференцируемости, о существовании производной.
5. Понятие о дифференциале функции одной независимой переменной, его геометрический смысл. Свойства дифференциала. Приложение дифференциала к приближенным вычислениям значений функции.
6. Сложная функция и её дифференцирование.
7. Обратная функция и её дифференцирование.
8. Производные неявной и параметрической функции.
9. Понятие о дифференциале функции одной независимой переменной, его геометрический смысл.
10. Приложение дифференциала к приближенным вычислениям значений функции.
- 11.Производные и дифференциалы высших порядков.
- 12.Первообразная. Неопределённый интеграл.
- 13.Таблица основных интегралов.
- 14.Способы вычисления интегралов: а) непосредственное интегрирование путем преобразования подынтегральной функции; б) способ интегрирования произведения по частям.
- 15.Основные приёмы интегрирования.
- 16.Определенный интеграл и его свойства. Задача о площади криволинейной трапеции. Определение интеграла как предела интегральных сумм. Теорема о существовании интеграла. Свойства интегралов.
- 17.Основная теорема и основная формула интегрального исчисления. Производная интеграла по верхнему пределу. Формула Ньютона-Лейбница.

- 18.Геометрические приложения: вычисления площадей плоских фигур в декартовой и полярной системах координат, длин дуг кривых, объемов тел и площадей поверхностей вращения. Приложения к задачам механики: вычисление координат центра тяжести плоской кривой и плоской фигуры. Работа силы.
- 19.Частные производные, их геометрический смысл. Полный дифференциал и его приложение к приближенным вычислениям.
- 20.Частные производные сложной функции. Производные неявной функции. Частные производные высших порядков. Дифференциалы высших порядков.
- 21.Экстремум функции независимых переменных. Необходимое и достаточное условия. Условный экстремум. Необходимое и достаточное условия.
- 22.Определение дифференциального уравнения, его порядка, частного и общего решения, частного и общего интеграла.
- 23.Решение дифференциальных уравнений первого порядка с разделенными и разделяющимися переменными.
- 24.Однородные дифференциальные уравнения первого порядка.
- 25.Линейные дифференциальные уравнения первого порядка.
- 26.Уравнение Бернулли.
- 27.Дифференциальные уравнения второго порядка, допускающие понижение порядка.
- 28.Однородные ЛДУ второго порядка: свойства решений, теорема о структуре общего решения.
- 29.Решение однородного ЛДУ второго порядка с постоянными коэффициентами.
- 30.Неоднородное ЛДУ второго порядка: свойства решений, теорема о структуре общего решения.
- 31.Вид частного решения неоднородного ЛДУ второго порядка с постоянными коэффициентами.
- 32.Основы теории вероятностей и математической статистики.

3.2. Контрольные работы

Цель контрольной работы: углубить, систематизировать и закрепить теоретические знания обучающихся; проверить степень усвоения одной темы или вопроса.

Тематика контрольных работ устанавливается в соответствии с темами, рассмотренными в контролируемом разделе. Данный вид работ проводится на практических занятиях. Количество вариантов заданий – по теме используется два варианта заданий.

Контрольная работа №1

Задание 1.

Описать формы математической модели, отображающие предписание последовательности некоторой системы операций над исходными данными с целью получения результата.

Задание 2.

Классификация моделей по характеру процессов. Привести примеры из сферы профессиональной деятельности.

Задание 3.

Построить математическую модель производства продукции А и В, обеспечивающий получений максимальной прибыли если известно, что единица продукции А дает 0,5 руб., а единица В дает 0,8 руб. прибыли. Данные о запасах и затратах материалов, использующихся для изготовления продукции, указаны в таблице:

Виды продукции	Затраты материалов (в кг) 3-х видов продукции		
	I	II	III
A	2	3	5
B	1	2	4
Количество имеющихся материалов	30	48	60

Задачу решить графическим методом.

Задание 4.

Решить графическим и симплекс- методом задачу линейного программирования:

$$L = 2x_1 + 3x_2 \rightarrow \min$$

$$\begin{cases} 3x_1 + 2x_2 \geq 6 \\ x_1 + 4x_2 \geq 4 \\ x_1 \geq 0 \\ x_2 \geq 0 \end{cases}$$

Контрольная работа №2

Задание 1.

Имеются следующие данные:

№ объекта	площадь	район расположения	форма собственности
1	2500	левобережный	муниципальный
2	2172	левобережный	частный
3	2928	центральный	муниципальный
4	3943	центральный	муниципальный
5	2819	центральный	частный
6	4902	центральный	муниципальный
7	4236	левобережный	муниципальный
8	5484	центральный	муниципальный
9	4501	левобережный	частный
10	3494	левобережный	частный

В задаче требуется:

- 1) Осуществить анализ данных, выбрать результативный и факторные признаки.
- 2) Построить статистический ряд распределения по результативному признаку, образовав четыре группы с равными интервалами.
- 3) Графическим методом и путем расчетов определить значения моды и медианы полученного ряда распределения.
- 4) Рассчитать характеристики интервального ряда распределения: среднюю арифметическую, среднее квадратическое отклонение, дисперсию, коэффициент вариации.
- 5) Сделать выводы по результатам выполнения пунктов 1- 3 задания.
- 6) Вычислить среднюю арифметическую по исходным данным, сравнить ее с аналогичным показателем, рассчитанным в п.4 для интервального ряда распределения, объяснить причину их расхождения.

Задание 2.

Имеются данные о стоимости участка с\х земли у и его площади х (табл.).

Таблица

№ п/п	Стоимости участка с\х земли у, млн.р	Площадь х, га
1	19,5	1
2	30,2	4
3	41,8	7
4	51,5	10
5	52,4	13
6	64,5	16

Требуется:

- 1) построить однофакторную модель регрессии зависимости стоимости участка с\х земли от площади;
- 2) проверить значимость параметров модели регрессии ($\alpha = 0,1$);
- 3) построить доверительный интервал для полученной модели регрессии ($\alpha = 0,05$). Отобразить на графике исходные данные, результаты моделирования и прогнозирования;
- 4) оценить стоимости участка с\х земли, если площадь составит 19 га.

Задание 3. Используя данные задания 2, построить модель зависимости стоимости участка с\х земли (у) от его площади (х) с помощью полинома второй степени (парабола второй степени): $y_i = a_0 + a_1 x_i + a_2 x_i^2 + \epsilon^* \varepsilon_i$.

Исходные данные и результаты расчетов отобразить на графике.

3.3. Промежуточная аттестация

Контроль за освоением дисциплины «Математическое моделирование и анализ данных» и оценивание знаний обучающихся производиться в соответствии с учебным планом по направлению подготовки 35.04.01 Лесное дело. Видом промежуточной аттестации является на первом курсе – зачет.

Целью проведения промежуточной аттестации - зачета является комплексная и объективная оценка качества усвоения обучающимися теоретических знаний, умения систематизировать полученные знания и применять их к решению

практических задач, уровня сформированности компетенций при освоении дисциплины «Математическое моделирование и анализ данных».

Тематика вопросов, выносимых на зачет

1. Понятие модели и типы моделей.
2. Классификация моделей и видов моделирования.
3. Математическое моделирование.
4. Классификация математических моделей.
5. Основные этапы моделирования.
6. Структурные и функциональные математические модели.
7. Понятие об оптимационных задачах.
8. Характеристика видов математического программирования.
9. Общий вид математической модели задачи линейного программирования.
- 10.Графический метод решения задач линейного программирования.
- 11.Алгоритм решения задачи ЛП графическим методом.
- 12.Алгоритм решения задачи ЛП табличным симплексным методом.
- 13.Задачи нелинейного, целочисленного программирования.
- 14.Общая постановка транспортной задачи.
- 15.Метод потенциалов решения транспортной задачи.
- 16.Определение понятия «анализ данных».
- 17.Основные задачи анализа данных.
- 18.Основные этапы анализа данных.
- 19.Алгоритм построения системы анализа данных.
- 20.Основные виды и типы данных.
- 21.Предварительный анализ данных и описательная статистика.
- 22.Понятие сводной таблицы.
- 23.Степень свободы, редкие данные. Мера ассоциации.

- 24.Определения следующих понятий: Генеральная совокупность, Выборка, Выборочное среднее, Медиана, Мода, Квартили, Размах, Стандартное отклонение, Дисперсия.
- 25.Коэффициент вариации, Коэффициент асимметрии, Коэффициент эксцесса.
- 26.Понятие «регрессия».
- 27.Причины использования регрессионного анализа данных.
- 28.Понятие «корреляция».
- 29.Корреляционно-регрессионный анализ связей показателей.
- 30.Понятие и методы интеллектуального анализа данных.
- 31.Задачи классификации и прогнозирования.
- 32.Задача кластеризации.
- 33.Поиск ассоциативных правил.
- 34.Задача визуализации.
- 35.Процесс применения интеллектуальных технологий.

4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций

4.1 Процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности

Контроль результатов обучения обучающихся, этапов и уровня формирования компетенций по дисциплине «Математическое моделирование и анализ данных» осуществляется через проведение входного, текущего, рубежных, выходного контролей и контроля самостоятельной работы

Формы текущего, промежуточного и итогового контроля, порядок начисления баллов и фонды контрольных заданий для текущего контроля разрабатываются кафедрой исходя из специфики дисциплины, и утверждаются на заседании кафедры.

4.2 Критерии оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы

Описание шкалы оценивания достижения компетенций по дисциплине приведено в таблице 5.

Таблица 5

Уровень освоения компетенции	Отметка по пятибалльной системе (промежуточная аттестация)			Описание
высокий		«зачтено»		Обучающийся обнаружил всестороннее, систематическое и глубокое знание учебного материала, умеет свободно выполнять задания, предусмотренные программой, усвоил основную литературу и знаком с дополнительной литературой, рекомендованной программой. Как правило, обучающийся проявляет творческие способности в понимании, изложении и использовании материала
базовый		«зачтено»		Обучающийся обнаружил полное знание учебного материала, успешно выполняет предусмотренные в программе задания, усвоил основную литературу, рекомендованную в программе
пороговый		«зачтено»		Обучающийся обнаружил знания основного учебного материала в объеме, необходимом для дальнейшей учебы и предстоящей работы по профессии,правля-

Уровень освоения компетенции	Отметка по пятибалльной системе (промежуточная аттестация)			Описание
				ется с выполнением практических заданий, предусмотренных программой, знаком с основной литературой, рекомендованной программой, допустил погрешности в ответе на экзамене и при выполнении экзаменационных заданий, но обладает необходимыми знаниями для их устранения под руководством преподавателя
–		«не зачтено»		Обучающийся обнаружил пробелы в знаниях основного учебного материала, допустил принципиальные ошибки в выполнении предусмотренных программой практических заданий, не может продолжить обучение или приступить к профессиональной деятельности по окончании образовательной организации без дополнительных занятий

4.2.1. Критерии оценки устного ответа при текущем контроле и промежуточной аттестации

При ответе на вопрос обучающийся демонстрирует:

знания: методов построения и исследования математических моделей и анализа данных в профессиональной деятельности.

умения: собирать и анализировать информацию по решаемой задаче, составлять ее математическое описание, строить модель, обеспечивать накопление, систематизацию и анализ собранных данных.

владение навыками: использования методов математического моделирования при анализе реальных процессов и объектов с целью нахождения эффективных решений общенаучных и прикладных задач профессиональной деятельности.

Критерии оценки

отлично	обучающийся демонстрирует: <ul style="list-style-type: none"> - знание материала методов построения и исследования математических моделей и анализа данных в профессиональной деятельности, практики применения материала, исчерпывающее и последовательно, четко и логично излагает материал, хорошо ориентируется в материале, не затрудняется с ответом при видоизменении заданий; - умение собирать и анализировать информацию по решаемой задаче, составлять ее математическое описание, строить модель, обеспечивать накопление, систематизацию и анализ собранных данных, используя современные методы; - успешное и системное владение навыками использования методов
----------------	--

	математического моделирования при анализе реальных процессов и объектов с целью нахождения эффективных решений общенаучных и прикладных задач профессиональной деятельности.
хорошо	обучающийся демонстрирует: <ul style="list-style-type: none"> - знание материала, не допускает существенных неточностей; - в целом успешное, но содержащие отдельные пробелы, умение собирать и анализировать информацию по решаемой задаче, составлять ее математическое описание, строить модель, обеспечивать накопление, систематизацию и анализ собранных данных, используя современные методы; - в целом успешное, но содержащее отдельные пробелы или сопровождающееся отдельными ошибками владение навыками использования методов математического моделирования при анализе реальных процессов и объектов с целью нахождения эффективных решений общенаучных и прикладных задач профессиональной деятельности.
удовлетворительно	обучающийся демонстрирует: <ul style="list-style-type: none"> - знания только основного материала, но не знает деталей, допускает неточности, допускает неточности в формулировках, нарушает логическую последовательность в изложении программного материала; - в целом успешное, но не системное умение собирать и анализировать информацию по решаемой задаче, составлять ее математическое описание, строить модель, обеспечивать накопление, систематизацию и анализ собранных данных, используя современные методы, а именно методы математического моделирования и анализа данных; - в целом успешное, но не системное владение навыками использования методов математического моделирования при анализе реальных процессов и объектов с целью нахождения эффективных решений общенаучных и прикладных задач профессиональной деятельности.
неудовлетворительно	обучающийся: <ul style="list-style-type: none"> - не знает значительной части программного материала, плохо ориентируется в материале методов построения и исследования математических моделей и анализа данных в профессиональной деятельности, не знает практику применения материала, допускает существенные ошибки; - не умеет использовать методы и приемы собирать и анализировать информацию по решаемой задаче, составлять ее математическое описание, строить модель, обеспечивать накопление, систематизацию и анализ собранных данных, допускает существенные ошибки, неуверенно, с большими затруднениями выполняет самостоятельную работу, большинство заданий, предусмотренных программой дисциплины, не выполнено; - обучающийся не владеет навыками использования методов математического моделирования при анализе реальных процессов и объектов с целью нахождения эффективных решений общенаучных и прикладных задач профессиональной деятельности, допускает существенные ошибки, с большими затруднениями выполняет самостоятельную работу, большинство предусмотренных программой дисциплины не выполнено

4.2.2. Критерии оценки выполнения контрольных работ

При выполнении контрольных работ обучающийся демонстрирует:

знания: основных методов математического моделирования и анализа данных для решения задач профессиональной деятельности по изученной теме или разделу.

умения: решать типовые задачи математического моделирования и анализа данных для решения задач профессиональной деятельности по изученной теме или разделу.

владение навыками: применения современного инструментария математического моделирования и анализа данных для решения задач профессиональной деятельности по изученной теме или разделу.

Критерии оценки выполнения контрольных работ

отлично	обучающийся демонстрирует: <ul style="list-style-type: none">- полные и правильные ответы на все вопросы, успешное решение задач с необходимыми пояснениями, корректная формулировка понятий и категорий
хорошо	обучающийся демонстрирует: <ul style="list-style-type: none">- недостаточно полные и правильные ответы на все вопросы, несущественные ошибки в решении задач
удовлетворительно	обучающийся демонстрирует: <ul style="list-style-type: none">- допущены ошибки в решении задач, неточные формулировки, отсутствуют ответы на 1-2 вопроса
неудовлетворительно	обучающийся: <ul style="list-style-type: none">- задание не выполнил, совершил большое количество существенных ошибок

Разработчик: доцент, Камышова Г.Н.

Г.Н.
(подпись)